

# Prioritní fronta, Halda

**Metodický koncept k efektivní podpoře klíčových odborných kompetencí s využitím cizího jazyka ATCZ62 - CLIL jako výuková strategie na vysoké škole**

**Interreg**   
EVROPSKÁ UNIE  
**Rakousko-Česká republika**  
Evropský fond pro regionální rozvoj



**Europäische Union**  
**Evropská unie**  
Europäischer Fonds für  
regionale Entwicklung  
Evropský fond pro  
regionální rozvoj



**UNIVERSITY**  
**OF APPLIED SCIENCES**  
**UPPER AUSTRIA**

# Prioritní fronta – ADT

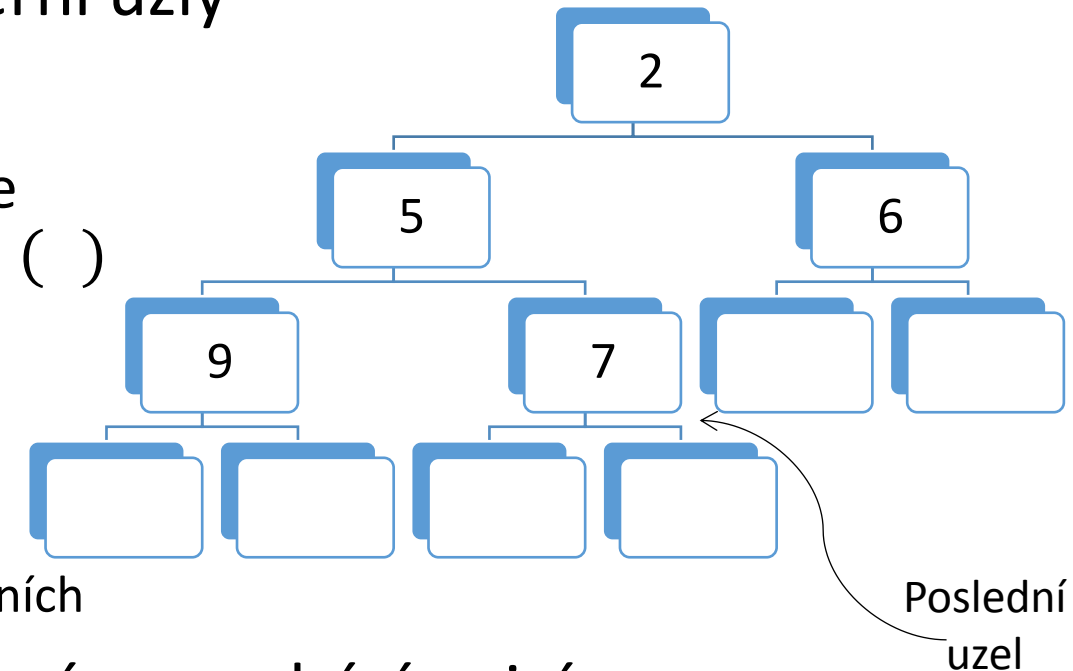
- Prioritní fronta uchovává kolekci položek
- Položka je uspořádaná dvojice klíč (priorita) a hodnota
- Základní operace s prioritní frontou
  - `insertItem(k, o)`                      `removeMin()`
- Další operace:
  - `minKey(k, o)`                              `minElement()`
  - `size()`    `isEmpty()`
- Aplikace:
  - Aukce, burzy...

# Prioritní fronta

- Klíče prioritní fronty mohou být libovolné objekty na nichž lze definovat pořadí
- Dva rozdílné prvky mohou mít stejný klíč (prioritu)
- Klíče jsou uspořádané
  -
- Comparator – ADT
  - umožňuje porovnávat dva objekty
  - Pomocný datový typ pro prioritní frontu

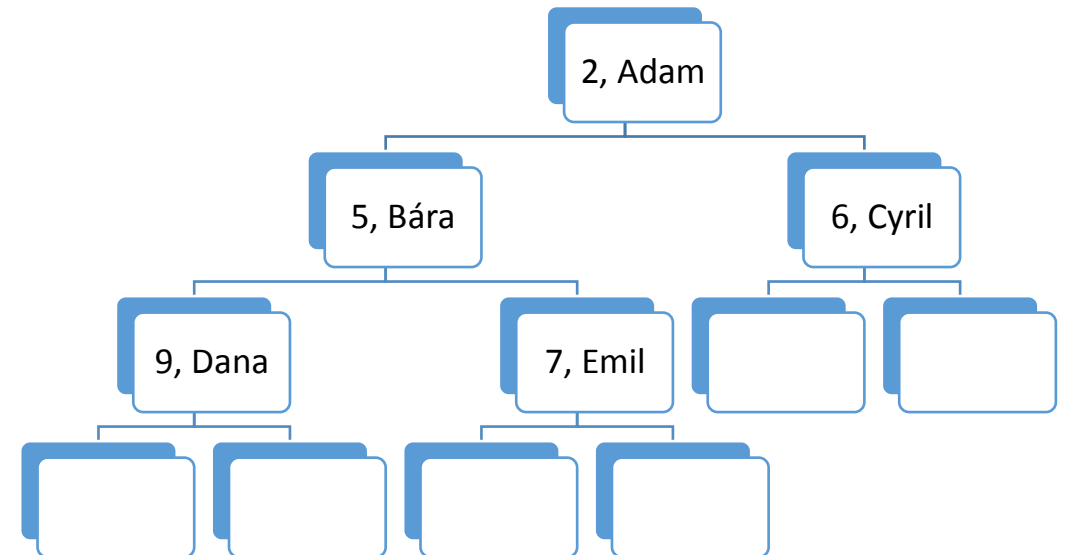
# Halda (Heap)

- Binární strom uchovávající klíče jako interní uzly
- Uspořádání hromady:
  - Pro každý interní uzel  $v$  mimo kořen platí, že  $v \geq \text{left}(v)$  a  $v \geq \text{right}(v)$
- Komplettní binární strom
  - Necht'  $h$  je výška hromady
    - Pak pro  $i=0 \dots h-1$  je  $2^i$  uzlů hloubky  $i$
    - Na úrovni  $h-1$  jsou interní uzly nalevo od externích
- Poslední uzel hromady je vnitřní uzel, který se nachází nejvíce vpravo na úrovni  $h-1$



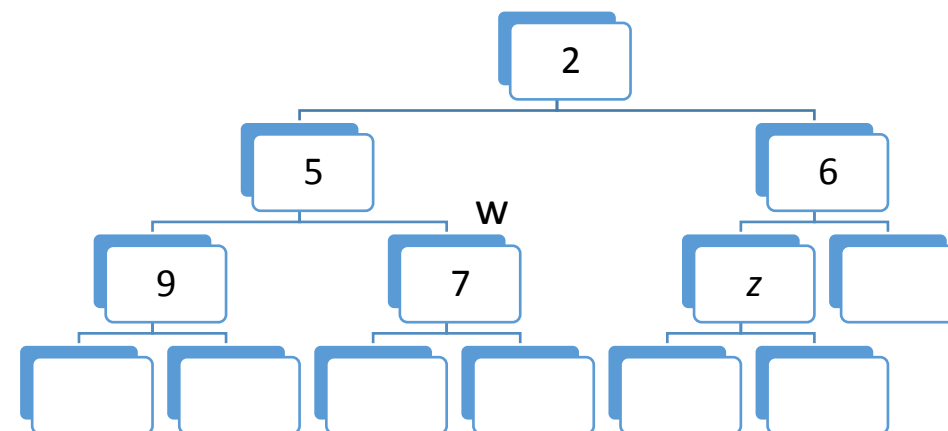
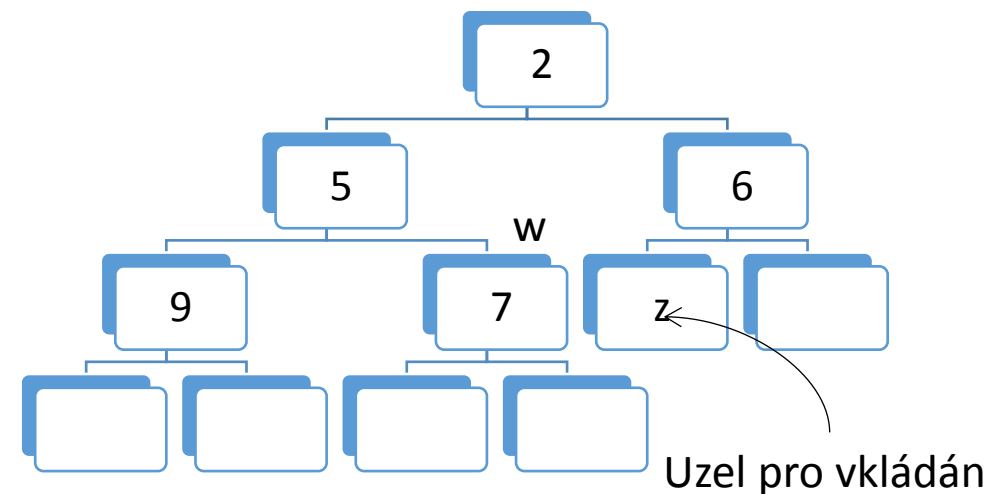
# Haldy a prioritní fronty

- Prioritní frontu lze implementovat pomocí haldy
- Ukládáme položku (klíč, hodnota) v každém interním uzlu
- Uchováváme odkaz na pozici posledního prvku



# Halda – vložení, odebrání

- Operace **insertItem(k, o)**
  - Nalezení uzlu, kam se bude vkládat
  - Uložení klíče  $k$  do uzlu  $z$ , změna uzlu  $z$  na interní uzel
  - Obnovení uspořádanosti haldy (kontrola vlastností) – operace **upheap()**
- Operace **removeMin()**
  - Odpovídá odebrání kořene z hromady (uzel 2)
  - Výměna kořene za poslední uzel (2 – 7)
  - Změna uzlu  $w$  a jeho dětí na list
  - Obnovení uspořádanosti haldy – operace **downheap()**



# Obnovení uspořádanosti haldy

- **upheap()**

- Vložení uzlu může narušit uspořádání
- Algoritmus *upheap* obnoví uspořádání prohazováním klíče  $k$  vzhůru od vloženého uzlu
- Končí ve chvíli, kdy se vložený uzel stane kořenem, nebo když rodičovský klíč je roven nebo menší než  $k$

- **downheap()**

- Odebrání kořene může narušit uspořádání
- Algoritmus *downheap* obnoví uspořádání prohazováním klíče  $k$  dolů od kořene
- Končí ve chvíli, kdy se vložený uzel stane listem, nebo když klíč potomka je roven nebo větší než  $k$